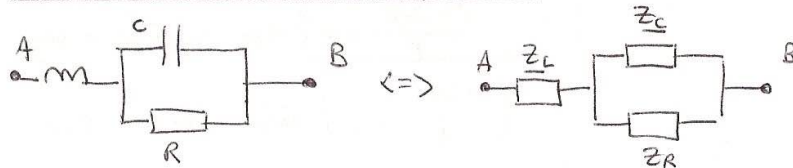


Feuille d'exos n° 8 RSF.

Exo 1 : Impédance équivalente.



avec $\underline{Z}_L = jL\omega$, $\underline{Z}_C = \frac{1}{jC\omega}$ et $\underline{Z}_R = R$

Le condensateur et la résistance sont en parallèle, l'association des 2 est en série avec la bobine.

$$\underline{Z}_{eq} = \underline{Z}_L + \frac{\underline{Z}_C \underline{Z}_R}{\underline{Z}_C + \underline{Z}_R} = jL\omega + \frac{R/jC\omega}{\frac{1}{jC\omega} + R}$$

$$= jL\omega + \frac{R}{1 + jRC\omega}$$

Ce dipôle est équivalent à une résistance lorsque $\text{Im}(\underline{Z}_{eq}) = 0$ (partie imaginaire nulle).

Ici $\underline{Z}_{eq} = jL\omega + \frac{R}{1 + jRC\omega} = jL\omega + \frac{R(1 - jRC\omega)}{(1 + jRC\omega)(1 - jRC\omega)}$

$$= jL\omega + \frac{R - jRC\omega}{1 + R^2C^2\omega^2} = \frac{R}{1 + R^2C^2\omega^2} + j\left(L\omega - \frac{R^2C\omega}{R^2C^2\omega^2 + 1}\right)$$

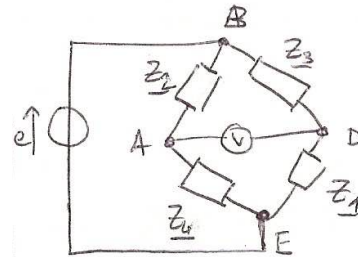
$\text{Im}(\underline{Z}_{eq}) = 0 \Leftrightarrow \left| L = \frac{R^2C}{1 + R^2C^2\omega} \right|$ Avec cette valeur de

l'inductance $\left| \underline{Z}_{eq} = \frac{R}{1 + R^2C^2\omega^2} \right|$

Exo 4 : pont de Maxwell.

On analyse le pont de Maxwell exactement comme on avait analysé le pont de Wheatstone dans la feuille d'exercice n° 5.

Introduisons les notations suivantes :



$$u_{AB} = V_A - V_D = (V_A - V_B) + (V_B - V_D) \\ = -u_{BA} + u_{BD}$$

Le voltmètre est considéré comme idéal, et aucun courant ne circule dans cette branche.

Ainsi, les impédances Z_2 et Z_4 sont en série.

On applique le diviseur de tension pour trouver u_{BA}

$$u_{BA} = \frac{Z_2}{Z_2 + Z_4} e$$

De même, Z_3 et Z_1 sont en série.

$$u_{BD} = \frac{Z_3}{Z_1 + Z_3} e$$

$$\text{avec } Z_2 = R_2, Z_1 = R_1, Z_3 = r + jL\omega, Z_4 = \frac{R}{1 + jR\omega}$$

$$u_{AD} = e \frac{Z_2 Z_1 - Z_3 Z_4}{(Z_2 + Z_4)(Z_1 + Z_3)} \quad //$$

$$e). u_{AD} = 0 \Leftrightarrow Z_1 Z_2 = Z_3 Z_4$$

$$R_1 R_2 = (r + jL\omega) \frac{R}{1 + jRC\omega} = R(r + jL\omega) \frac{1 - jRC\omega}{1 + R^2 C^2 \omega^2}$$

$$= \frac{R(r + LRC\omega^2)}{1 + R^2 C^2 \omega^2} + jR \left(\frac{L\omega - rRC\omega}{1 + R^2 C^2 \omega^2} \right)$$

La partie imaginaire du membre de droite est nulle
 càd $L\omega = rRC\omega \Leftrightarrow \frac{L}{r} = RC$.

Il reste $R_1 R_2 = \frac{Rr(1 + \frac{L}{r}RC\omega^2)}{1 + R^2 C^2 \omega^2} = \frac{Rr(1 + R^2 C^2 \omega^2)}{1 + R^2 C^2 \omega^2}$

$$= Rr$$

soit $\boxed{r = \frac{R_1 R_2}{R}}$ et donc $\boxed{L = \frac{R_1 R_2 C}{R}}$

On peut donc déduire à la fois L et r ,
 connaissant R_1, R_2, R et C .