TD 14

Dynamique newtonienne

♠ Application directe du cours

♦ Exercice incontournable

➡ Pour approfondir ou réviser.

Ex. 1 Exercices du cours

Les exercices du cours des exercices typiques de dynamique. Assurez-vous de savoir les traiter parfaitement. Prêtez attention à la rédaction.

Ex. 2 Mesure d'un coefficient de frottement fluide 3

Une bille en acier, de masse volumique $\rho_a=7,5\times10^3~{\rm kg.m^{-3}}$ et de rayon $R=5~{\rm mm}$, tombe dans un flacon d'huile de masse volumique $\rho_g=0,92\times10^3~{\rm kg.m^{-3}}$. La chute de la bille est photographiée tous les 1/50 de seconde et les images assemblées dans la FIGURE 1. Entre les graduations 500 et 50 de la colonne, on mesure $24,2~{\rm cm}$.

Outre son poids, la bille est soumise à la poussée d'Archimède et à une force de frottement fluide $\overrightarrow{f} = -6\pi\eta R\overrightarrow{v}$, avec η une constante appelée viscosité dynamique de la glycérine. L'accélération de la pesanteur vaut $g = 9.8 \text{ m.s}^{-2}$.

- 1. Justifier par des observations expérimentales que la bille atteint un régime permanent.
- 2. Établir l'équation du mouvement de la bille. On introduira un temps caractéristique τ ainsi que la vitesse limite v_{lim} atteinte par la bille. Combien de temps dure le régime transitoire?
- 3. À l'aide des données expérimentales, déterminer la viscosité η de l'huile. De quelle huile peut-il s'agir?



Liquids - Temperature and Dynamic Viscosity www.engineeringtoolbox.com 1000 100 Dynamic Viscosity (mPa s) 10 0.1 0.01 -100 Temperature (degC) Ethyl acetate Ethyl formate N-Heyane Ethanol n-Hexade Mercury Methanol Nitrobenzene N-Octane Oil, casto Oil, olive

FIGURE 1. Photographies successives de la chute d'une bille dans une colonne d'huile (© Hervé Idda http://www.spc.ac-aix-marseille.fr/phy_chi/Menu/Video/Tableau/Presentation.htm) et courbes expérimentales de la viscosité dynamique de quelques liquides. $1 \, \text{Pa} = 1 \, \text{N} \cdot \text{m}^{-2}$.

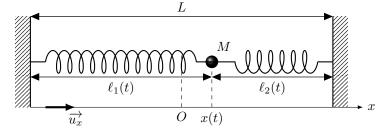
Ex. 3 Glissement sur un plan horizontal 3

On considère un objet de masse m=2 kg sur un plan horizontal (Oxy). Après un choc, une vitesse initiale v_0 $\overrightarrow{u_x}$ est communiquée à l'objet, avec $v_0=2$ m.s⁻¹

- 1. On suppose tout d'abord que l'objet glisse sans frottement. Écrire l'équation horaire de son mouvement.
- 2. Les frottements de l'objet sur le plan sont maintenant pris en compte : le coefficient de frottement cinétique est $f_c = 0, 2$. Écrire l'équation horaire du mouvement de l'objet. Au bout de quelle distance l'objet s'arrête-t-il?

Ex. 4 Oscillateur à deux ressorts &

On considère rail sur lequel un chariot peut glisser. Le rail guide le mouvement et une soufflerie intégrée permet de supprimer les frottements. On modélise ce système à l'aide du schéma ci-contre.



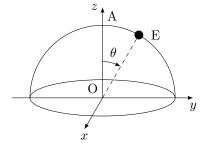
Le chariot assimilé à un point matériel M de masse m est assujetti à se déplacer sans frottements selon un axe Ox. Par ailleurs, le mobile est accroché à deux ressorts identiques de raideur k et de longueur à vide ℓ_0 , reliés eux-même aux extrémités du banc mécanique de longueur L. Le ressort de gauche est repéré par l'indice 1, celui de droite par l'indice 2. À l'instant t, le point M est repéré par son abscisse x(t).

- 1. Déterminer les longueurs ℓ_1 et ℓ_2 des ressorts 1 et 2 à l'instant t, en fonction de L et x(t).
- 2. Réaliser un bilan complet des forces.
- 3. En déduire l'équation différentielle du mouvement.
- 4. La résoudre pour trouver l'équation horaire du mouvement (c'est-à-dire l'expression littérale de x(t)) en prenant pour conditions initiales x(0) = 0 et $\dot{x}(0) = v_0$.
- 5. En déduire l'équation horaire de la vitesse.
- 6. Tracer les courbes représentatives de x(t) et v(t) sur un même schéma.

Ex. 5 Toboggan sur une demi-sphère 🔾

Dans une aire de jeu, un enfant, assimilé à un point matériel E de masse m a réussi à monter au sommet A d'une demi-sphère en métal de rayon R. À t=0, l'enfant se lance légèrement et quitte la position A avec une vitesse de départ quasi-nulle. Il glisse ensuite sans frottements sur la demi-sphère.

- 1. Déterminer la vitesse de l'enfant en fonction de θ lors qu'il glisse sur la demi-sphère.
- **2.** Pour quelle valeur θ_0 de θ l'enfant décolle-t-il de la demi-sphère?



Ex. 6 Pendule conique

On étudie un pendule conique constitué d'un point matériel M de masse m suspendu à un fil de longueur ℓ .

Le point matériel est en rotation uniforme autour de l'axe (Oz) à la vitesse angulaire constante ω .

- 1. Donner la relation entre ω et l'angle de déviation α du pendule par rapport à la verticale.
- 2. À partir de quelle vitesse angulaire le pendule décolle-t-il de l'axe de rotation?

